

УДК 539.184

# РАСЧЕТ ИНТЕНСИВНОСТЕЙ СПЕКТРОВ ЛАЗЕРНОГО МАГНИТНОГО РЕЗОНАНСА ДЛЯ АТОМОВ Cl, РАДИКАЛОВ FO И ND<sub>2</sub>

© 2000 г. А. И. Чичинин

Институт химической кинетики и горения Сибирского отделения Российской академии наук, Новосибирск  
Поступила в редакцию 09.06.1999

Выполнен расчет спектров лазерного магнитного резонанса (ЛМР) и указаны самые интенсивные линии для атомов Cl, радикалов FO и ND<sub>2</sub>.

## 1. ВВЕДЕНИЕ

Данная работа может быть полезна тем, кто применяет метод лазерного магнитного резонанса (ЛМР) для кинетических исследований. Для того чтобы иметь максимальную чувствительность, необходимо детально знать спектр ЛМР регистрируемого радикала: на какой линии инфракрасного лазера, в какой поляризации и в каком магнитном поле находится самая интенсивная линия спектра. Заметим, что положения линий спектров ЛМР обычно приведены в спектроскопических работах, но в них нет информации об интенсивностях спектральных линий. Кроме того, многие спектроскопические работы выполнены только в одной поляризации, тогда как самая интенсивная линия может находиться в другой. Расчеты интенсивностей спектров ЛМР для Cl, FO и ND<sub>2</sub> выполнены в настоящей работе.

Для расчета электродипольных переходов в радикале требуется знать матричный элемент дипольного момента для колебательного перехода,  $d$ , который обычно неизвестен или известен очень приблизительно. Это несущественное ограничение, во-первых, потому, что интенсивности всех линий пропорциональны  $d^2$ , и после уточнения величины  $d$  результаты данной работы легко исправить; во-вторых, для выбора наиболее интенсивного перехода достаточно знать только относительные интенсивности.

## 2. ОБОЗНАЧЕНИЯ

1. Сечение поглощения допплеровски уширенной спектральной линии ЛМР задается выражением

$$\sigma(B) = \sigma_0 \exp\left[-\frac{(B - B_0)^2}{\Delta B^2}\right].$$

Введенная здесь ширина линии на высоте  $e^{-1}$  задается выражением

$$\Delta B = \frac{v_L \Theta}{\sqrt{\pi}} \left| \frac{\partial v}{\partial B} \right|^{-1},$$
$$\Theta = \left( \frac{2\pi kT}{Mc^2} \right)^{1/2},$$

где  $\partial v/\partial B$  – производная частоты перехода по магнитному полю (другими словами, относительный наклон верхнего и нижнего термов),  $v_L$  – частота лазерного излучения,  $c$  – скорость света,  $M$  – масса радикала,  $k$  – постоянная Больцмана и  $T$  – температура.

В результате синхронного детектирования в эксперименте наблюдается сигнал, пропорциональный  $S(B) = \partial\sigma/\partial B$ , при этом коэффициент пересчета величины  $S(B)$  в сигнал ЛМР зависит от спектрометра и не зависит от свойств радикала и величины магнитного поля. Здесь подразумевается также, что амплитуда модуляции магнитного поля гораздо меньше величины  $\Delta B$ . Максимум сигнала ЛМР для одиночной линии достигается при  $B_{max} = B_0 \pm \Delta B / \sqrt{2}$ , при этом  $\sigma(B_{max}) = \exp(-1/2)\sigma_0$ , а также

$$S_{max} \equiv S(B_{max}) = \sqrt{2} e^{-1/2} \frac{\sigma_0}{\Delta B}.$$

2. Поляризация лазерного излучения обозначается как  $E \perp B$  или  $E \parallel B$ , что соответствует случаям, когда электрическое поле лазерного излучения перпендикулярно и параллельно магнитному полю электромагнита, соответственно.

Изотопный состав двуокиси углерода, используемой в лазере, обозначается цифрами 26, 36, 28 или 38 перед обозначением лазерного перехода, что означает <sup>12</sup>C<sup>16</sup>O<sub>2</sub>, <sup>13</sup>C<sup>16</sup>O<sub>2</sub>, <sup>12</sup>C<sup>18</sup>O<sub>2</sub> и <sup>13</sup>C<sup>18</sup>O<sub>2</sub>, соответственно.

### 3. СПЕКТРЫ ЛМР АТОМОВ Cl

Спектры ЛМР атомов хлора на переходе тонкой структуры  $^2P_{1/2}$ – $^2P_{3/2}$  были впервые зарегистрированы в работе [1] на линии  $11P(36)$   $^{13}\text{C}^{16}\text{O}_2$ -лазера ( $882.28741 \text{ см}^{-1}$ ). Позже, в работе [2] в спектрах ЛМР наблюдались лэмбовские провалы, что позволило измерить положения линий с большей точностью. Положения спектральных линий и зависимость уровней энергии от магнитного поля приведены в работе [1], уточненные положения наиболее интенсивных линий даны в [2].

Для расчета спектров ЛМР атомов хлора в данной работе использовался гамильтониан, состоящий из операторов тонкого, сверхтонкого и зеемановского взаимодействий:

$$H = ASL + H_{hfs} + H_B, \quad (1)$$

$$H_{hfs} = a\mathbf{IJ} + \frac{b^3(\mathbf{IJ})^2 + (3/2)\mathbf{IJ} - I(I+1)J(J+1)}{2I(2I-1)J(2J-1)}, \quad (2)$$

$$H_B = \mu_B(g_J\mathbf{J} + g_I\mathbf{I})\mathbf{B}, \quad (3)$$

где  $\mathbf{L}$ ,  $\mathbf{S}$ ,  $\mathbf{J} = \mathbf{L} + \mathbf{S}$  – орбитальный, спиновый и суммарный электронные моменты ( $L = 1$ ,  $S = 1/2$ ,  $J = 1/2$ ,  $3/2$ );  $\mathbf{I}$  – ядерный спин ( $I = 3/2$  для обоих изотопов,  $^{35}\text{Cl}$  и  $^{37}\text{Cl}$ );  $A$  – константа спин-орбитального взаимодействия;  $a$ ,  $b$  – константы сверхтонкого взаимодействия;  $g_J$  –  $g$ -фактор Ланде;  $g_I$  – ядерный  $g$ -фактор;  $\mu_B = e\hbar/2m_e c$  – магнетон Бора;  $\mathbf{B}$  – внешнее магнитное поле, направленное вдоль оси  $z$ . Заметим, что второе слагаемое в выражении (2) равно нулю для верхнего состояния тонкой структуры,  $J = 1/2$ . В табл. 1 приведены параметры этого гамильтониана.

В отсутствие внешнего магнитного поля гамильтониан диагонален в представлении  $(F, J, I, M_F)$ , т.е.  $\mathbf{F} = \mathbf{I} + \mathbf{J}$ . Сверхтонкое расщепление дается выражением

$$E_F = aC/2 + b\frac{(3/4)C(C+1) - I(I+1)J(J+1)}{2I(2I-1)J(2J-1)}$$

где

$$C = F(F+1) - I(I+1) - J(J+1).$$

Матрица для оператора  $H_B$  в этом представлении содержит недиагональные члены, связывающие элементы с одинаковыми значениями  $M_F$ , но с разными значениями  $F$ . Явный вид этих матричных элементов приведен в работе [4]. Положения сверхтонких подуровней в присутствии внешнего магнитного поля находятся в результате решения секулярного уравнения, которое получается после построения матрицы Гамильтона. Для состояний  $^2P_{3/2}$  и  $^2P_{1/2}$  матрицы блочно-диагональны и имеют размер  $16 \times 16$  и  $8 \times 8$ , соответственно. Оператор  $H_B$  связывает также состояния с раз-

личными  $J$ , но этим взаимодействием мы пренебрегаем. Зная поведение сверхтонких подуровней в магнитном поле, можно найти резонансные значения магнитного поля  $B_0$ , соответствующие магнитодипольным переходам. Авторы двух предыдущих работ [1, 2] ограничились этим вычислением.

Электродипольные переходы  $^2P_{3/2}$ – $^2P_{1/2}$  запрещены, но разрешены магнитно-дипольные. Электроквадрупольными переходами мы пренебрегаем, потому что они на 5 порядков слабее магнитно-дипольных. Для магнитно-дипольных переходов сечение поглощения в максимуме спектральной линии дается выражением

$$\sigma_0 = \frac{8\pi^3 c_i \Delta n}{hc\Theta} |\langle f | \mu_B(L_{z,x} + g_e S_{z,x}) | i \rangle|^2, \quad (4)$$

$$\Delta n = [1 - (3/2)\exp(-hv_{s0}/kT)]/16, \quad (5)$$

где  $f \equiv \langle F', J', I, M'_F \rangle$ ,  $i \equiv |F, J, I, M_F\rangle$ ,  $\Delta n$  – населенность нижнего подуровня,  $c_i$  – распространность данного изотопа,  $g_e$  –  $g$ -фактор свободного электрона ( $g_e = 2.00232$ ),  $h$  – постоянная Планка. Здесь и везде дальше штрихами обозначено конечное, верхнее по энергии состояние. Индексы “ $z$ ” и “ $x$ ” соответствуют поляризациям  $E \perp B$  и  $E \parallel B$ . Поскольку все матричные элементы вида  $\langle J', M'_F | J_{z,x} | J, M_F \rangle$  равны нулю, то выражение  $L_{z,x} + g_e S_{z,x}$  можно заменить на  $(g_e - 1)S_{z,x}$ . Учтем также, что  $S_z = S_0$  и  $S_x = (S_{-1} - S_1)/\sqrt{2}$ , где  $S_q$  ( $q = 0, \pm 1$ ) – сферические компоненты оператора спина. Используя теорему Вигнера–Эккарта и правила преобразования редуци-

Таблица 1. Параметры атомов Cl ( $^2P_J$ )

	$^{35}\text{Cl}$	$^{37}\text{Cl}$	Ссылка
$a(^2P_{1/2})$ , МГц	1037.209(14)	863.39(6)	[3]
$a(^2P_{3/2})$ , МГц	205.04687(3)	170.68637(3)	[3, 4]
$b(^2P_{3/2})$ , МГц	54.87290(6)	43.24524(6)	[3, 4]
$g_J(^2P_{1/2})$	0.6656619(16)	0.665659(7)	[3]
$g_J(^2P_{3/2})$	1.3339275(30)	1.3339275(30)	[3]
$v_{s0}$ , $\text{см}^{-1}$ <sup>a)</sup>	882.35283(23)	882.35367(23)	[2]
$v_{s0} - v_L$ , МГц	1958(4)	1983(4)	[2]
$g_I \cdot 10^4$	2.9843	2.4841	[5]
$c_i$ <sup>b)</sup>	0.758	0.242	[5]

<sup>a)</sup> Спин-орбитальное расщепление Cl ( $^2P_{1/2}$ – $^2P_{3/2}$ ) без учета сверхтонкого взаимодействия.

<sup>b)</sup> Природное соотношение между изотопами.

рованных матричных элементов, находим общее выражение для матричных элементов оператора  $S$ :

$$\langle f | S_q | i \rangle = (-1)^{M_F} \left[ \frac{4(2F+1)(2F'+1)}{3} \right]^{1/2} \times \\ \times \begin{pmatrix} F' & 1 & F \\ -M_F & q & M_F \end{pmatrix} \left\{ \begin{array}{ccc} 1/2 & 1 & 3/2 \\ F & 3/2 & F' \end{array} \right\}. \quad (6)$$

С помощью выражений (4), (6) находим сечения поглощения, которые представлены в табл. 2. Спектры ЛМР атомов хлора в обеих поляризациях приведены в работах [1, 2]. Сильнейшие сигналы ЛМР наблюдаются в поляризации  $E \parallel B$  в поле  $B_0 = 1.006$  кГс:  $S_{max} = 3.01 \cdot 10^{-20}$  см<sup>2</sup>/Гс, а в поляризации  $E \perp B$  в поле  $B_0 = 4.278$  кГс  $S_{max} = 0.83 \cdot 10^{-20}$  см<sup>2</sup>/Гс. Следует заметить, что параллельная ( $E \parallel B$ ) поляризация вряд ли выгоднее перпендикулярной ( $E \perp B$ ), потому что рекордная чувствительность достигнута для очень узкой линии,  $\Delta B \approx 14$  Гс. Мы обычно используем модуляцию магнитного поля, размах которой составляет  $\approx 60$  Гс, а для такой модуляции чувствительности в обеих поляризациях различаются несущественно.

#### 4. СПЕКТРЫ ЛМР РАДИКАЛОВ FO

Спектры ЛМР радикалов FO в поляризации  $E \perp B$  в диапазоне 1025–1043 см<sup>-1</sup> впервые зарегистрированы в работе [6]. Позднее спектры в поляризации  $E \parallel B$  были зарегистрированы в нашей работе [7], в которой также был дан полный расчет спектров ЛМР, включая интенсивности спектральных линий. К сожалению, в расчете была ошибка (недиагональная матрица считалась диагональной), из-за которой некоторые сечения были вычислены неправильно. Ошибка максимальна для  $P$ -переходов в радикале (в разы) и минимальна для  $Q$ -переходов (несколько процентов).

Подробности вычислений опубликованы в работах [6, 7] и поэтому в данной работе дается только конечный результат. В расчете использован матричный элемент дипольного момента перехода, вычисленный квантово-химически в [8],  $d = 0.104$  Д. Полученная в данной работе информация о наиболее интенсивных спектральных линиях ( $S_{max} > 10^{-23}$  см<sup>2</sup>/кГс) дана в табл. 3. Как уже отмечено раньше [7], спектры в поляризации  $E \perp B$  на порядки сильнее спектров в поляризации  $E \parallel B$ , что связано с приблизительным правилом отбора  $\Delta M_J = 0$ . Сильнейший сигнал ЛМР наблюдается на линии, состоящей из трех переходов:  $-0.5 \leftarrow -1.5$ ,  $0.5 \leftarrow -0.5$ ,  $1.5 \leftarrow 0.5$  ( $M'_J \leftarrow M_J$ ), принадлежащих переходу  $Q(1.5)$ ,  $M_J = -0.5$ , линия  $9P(34)$   $^{12}\text{C}^{16}\text{O}_2$ -лазера. Сечение поглощения в максимумах ЛМР сигнала (0.947 и 1.002 кГс) равно  $2.28 \cdot$

$\cdot 10^{-18}$  см<sup>2</sup>. Вид наиболее интенсивного спектра ЛМР представлен на рис. 1 работы [7].

#### 5. СПЕКТРЫ ЛМР РАДИКАЛОВ ND<sub>2</sub>

Спектры ЛМР радикалов ND<sub>2</sub> в поляризации  $E \perp B$  в диапазоне 999–1108 см<sup>-1</sup>, соответствующие колебательному переходу (0,1,0)  $\leftarrow$  (0,0,0), впервые зарегистрированы на 37 лазерных линиях в работе [9]. Позднее некоторые спектры в поляризации  $E \parallel B$  были зарегистрированы в нашей работе [10], в которой также было измерено сечение поглощения одного перехода в одном из спектров ЛМР. Исходя из этого сечения, мы рассчитали матричный элемент дипольного момента для колебательного перехода,  $d = 0.056 \pm 0.02$  Д. Это сделало возможным вычисление сечений поглощения для всех спектров ЛМР радикалов ND<sub>2</sub>.

Радикал ND<sub>2</sub> является асимметричным волчком, вращательные уровни которого характеризуются квантовыми числами  $N$  и  $T$  ( $T \equiv K_a - K_c$ ), где  $N$  – вращательный момент молекулы без учета спина. Спин-вращательное взаимодействие приводит к расщеплению вращательных уровней, компоненты спин-дублета характеризуются числами  $J = N + 1/2$  и  $J = N - 1/2$ , ( $J = N + S$ ). Вращательные постоянные радикала гораздо больше этих спин-вращательных расщеплений (случай Гунда  $b$ ).

Расчеты выполнены по методу, предложенному в работе Хауджена [11]. Главное упрощение Хауджена состоит в том, что спин-вращательное взаимодействие вводится не в виде тензора, а в виде  $H_{sr} = \gamma NS$ , где  $\gamma$  – постоянная. Мы предполагаем, что использование упрощения Хауджена ухудшает точность вычисления сечений незначительно: во-первых, положения спин-вращательных подуровней нами не вычисляются, а берутся из подробных расчетов работы [9]; во-вторых, о точности наших расчетов косвенно свидетельствует хорошее согласие вычисленных в данной работе положений переходов ЛМР с измеренными экспериментально.

Вращательные волновые функции асимметричного волчка имеют вид

$$|N, T, M\rangle = \sum_K a_K D_{K,M}^N,$$

где  $a_K$  – действительные коэффициенты, нормированные на единицу; волновые функции симметричного волчка обозначены через  $D_{K,M}^N$ . Эти коэффициенты вычислялись стандартным образом: путем нахождения собственных векторов гамильтонiana асимметричного волчка в базисе функций  $D_{K,M}^N$ . С учетом спина и магнитного поля

Таблица 2. Расчетные параметры спектров ЛМР атомов Cl

<sup>35</sup> Cl					<sup>37</sup> Cl				
<i>F, M<sub>F</sub></i>	<i>F', M'<sub>F'</sub></i>	<i>B<sub>0</sub><sup>a)</sup>, кГс</i>	<i>ΔB, Гс</i>	<i>σ<sub>0</sub><sup>b)</sup></i>	<i>dB<sup>c)</sup>, Гс</i>	<i>B<sub>0</sub>, кГс</i>	<i>ΔB, Гс</i>	<i>σ<sub>0</sub></i>	<i>dB, Гс</i>
<i>E</i>    <i>B</i> , Δ <i>M<sub>F</sub></i> = 0									
3, 1	1, 1	0.1290	19.4	0.0362		0.2752	13.3	0.0213	
3, 0	1, 0	0.2699	23.2	0.2266		0.4024	13.4	0.0550	
2, 1	1, 1	0.5394	23.9	0.0935		0.7119	24.6	0.0584	
2, 0	1, 0	0.6655	30.2	0.4590		0.8757	28.9	0.1969	
3, -1	1, -1	0.9461	41.7	1.6050		1.1839	33.5	0.4606	
3, 2	2, 2	1.0887	14.6	0.1244		1.0600	14.1	0.0302	
3, 1	2, 1	1.1351	14.0	0.1579		1.0927	13.6	0.0382	
3, 0	2, 0	1.1683	13.1	0.1065		1.1121	12.8	0.0258	
3, -1	2, -1	3.5142	59.1	4.567	0.8	3.5706	60.9	1.543	
2, 0	2, 0	4.2367	64.2	4.767	3.3	4.2184	64.3	1.580	
2, 1	2, 1	4.9042	67.8	4.874	3.9	4.8079	66.4	1.605	
2, 2	2, 2	5.5738	70.9	4.944	2.2	5.3907	69.0	1.623	
<i>E</i> ⊥ <i>B</i> , Δ <i>M<sub>F</sub></i> = ±1									
3, 2	1, 1	0.0842	14.3	0.0169		0.2106	12.1	0.03622	
3, 1	1, 0	0.1484	21.1	0.0663		0.3023	14.0	0.1245	
3, 0	1, 1	0.2304	23.4	0.0052		0.3682	13.0	0.00056	
3, 0	1, -1	0.3183	22.6	0.4719	-0.3	0.4459	14.1	0.4097	-0.9
2, 2	1, 1	0.5203	23.8	1.452	-0.3	0.6914	24.2	0.4385	0.6
2, 0	1, 1	0.5586	24.9	0.0051		0.7415	25.7	0.00092	
2, 1	1, 0	0.6375	28.5	1.436		0.8366	28.0	0.4116	
3, -1	1, 0	0.7133	36.7	0.0143		0.9439	30.0	0.00168	
2, 0	1, -1	0.8524	38.5	1.064		1.0968	33.4	0.3194	
3, 3	2, 2	0.9684	14.3	3.713	-1.4	0.9576	13.9	1.2189	0.8
3, 2	2, 1	1.0135	13.9	3.384	-0.5	0.9905	13.5	1.1200	-0.5
3, 1	2, 0	1.0500	13.2	2.934		1.0137	12.9	0.9819	
3, 0	2, -1	1.0691	12.1	2.147	-1.1	1.0188	11.9	0.7380	-0.9
3, 1	2, 2	1.2168	14.6	0.0004		1.1670	14.1	0.00009	
3, 0	2, 1	1.2599	13.9	0.0005		1.1961	13.5	0.00009	
3, -1	2, -2	2.0497	24.1	1.226	0.4	1.9610	23.4	0.4035	7.3
2, 0	2, -1	3.3026	57.5	0.0920		3.3825	59.9	0.01953	
2, 1	2, 0	4.0667	63.5	0.0342		4.0693	63.6	0.00843	
3, -1	2, 0	4.4743	64.9	0.0023		4.4203	64.3	0.00054	
2, 2	2, 1	4.7791	67.6	0.0108		4.6971	66.7	0.00288	
2, 0	2, 1	5.0893	68.4	0.0023		4.9664	67.2	0.00055	
2, 1	2, 2	5.7074	71.6	0.0013		5.5072	69.2	0.00032	

<sup>a)</sup> Величины *B<sub>0</sub>* рассчитаны в данной работе.<sup>b)</sup> Сечение поглощения, рассчитанное по формуле (4), 10<sup>-19</sup> см<sup>2</sup>.<sup>c)</sup> *dB* ≡ *B<sub>0exp</sub>* - *B<sub>0</sub>*, Гс; экспериментальные значения *B<sub>0exp</sub>* взяты из [2].

Таблица 3. Максимальные интенсивности в спектрах ЛМР радикалов FO

Линия CO <sub>2</sub> -лазера <sup>a)</sup>	Переход в радикале			$B_0$ , кГс	$\Delta B$ , Гс	$\sigma_0^b)$	$S_{max}^c)$
	$J$	$M_J$	$M_I$				
26 P(34) 1033.487999 ★ ⊥	$Q(1.5)$	-0.5 ← -1.5	-0.5 ← -0.5	0.963	35.5	120	8.40 <sup>d)</sup>
		0.5 ← -0.5	-0.5 ← -0.5	0.972	35.2	163	
		1.5 ← 0.5	-0.5 ← -0.5	0.990	34.5	127	
36 R(22) 1033.630806 ★ ⊥	$Q(1.5)$	0.5 ← -0.5	0.5 ← 0.5	4.539	34.5	165	4.102 <sup>e)</sup>
38 R(8) 1032.910232 ★ ⊥	$Q(1.5)$	-0.5 ← 0.5	0.5 ← 0.5	14.347	35.0	164.9	4.041 <sup>e)</sup>
38 R(8) 1039.074229 ⊥	$R(1.5)$	0.5 ← -0.5	0.5 ← 0.5	14.336	36.7	34.7	0.811 <sup>e)</sup>
26 P(34) 1033.487999 ★ ⊥	$Q(2.5)$	0.5 ← -0.5	0.5 ← 0.5	5.930	78.4	66.9	0.732 <sup>e)</sup>
36 R(14) 1028.511931 ⊥	$P(2.5)$	0.5 ← -0.5	0.5 ← 0.5	12.224	65.3	44.8	0.588 <sup>e)</sup>
36 R(10) 1025.778270 ⊥	$P(3.5)$	-1.5 ← -0.5	0.5 ← 0.5	13.403	58.9	23.0	0.335 <sup>e)</sup>
38 R(24) 1042.517640 ★ ⊥	$R(3.5)$	-0.5 ← 0.5	0.5 ← 0.5	9.542	163.7	54.8	0.287 <sup>e)</sup>
26 R(34) 1033.487999 ★ ⊥	$Q(1.5)$	0.5 ← -0.5	-0.5 ← 0.5	0.723	41.1	12.8	0.267
36 R(22) 1033.630806	$Q(1.5)$	0.5 ← -0.5	-0.5 ← 0.5	4.620	34.6	0.444	0.011
26 P(34) 1033.487999	$Q(2.5)$	0.5 ← -0.5	-0.5 ← 0.5	5.998	78.9	0.102	0.0011
38 R(8) 1032.910232	$Q(1.5)$	-0.5 ← 0.5	0.5 ← -0.5	14.419	34.9	0.047	0.0011

a) Изотопная модификация, переход, частота и поляризация CO<sub>2</sub>-лазера. Звездочками отмечены случаи, для которых в работах [6, 7] есть экспериментальные спектры.

b) Сечение поглощения, 10<sup>-20</sup> см<sup>2</sup>.

c) Максимальный сигнал ЛМР, 10<sup>-20</sup> см<sup>2</sup>/Гс.

d) Величина  $S_{max}$  рассчитана для линии, состоящей из трех переходов.

e) Переходы с  $M_I = -1/2$  имеют почти такую же интенсивность.

волновые функции можно представить в виде

$$|N, T, M_J, p = 1\rangle = \sum_K a_K [\cos \theta \Psi_\alpha + \sin \theta \Psi_\beta],$$

$$|N, T, M_J, p = -1\rangle = \sum_K a_K [-\sin \theta \Psi_\alpha + \cos \theta \Psi_\beta],$$

где индекс “ $p$ ” принимает значения 1 и -1 для верхнего и нижнего по энергии состояния с данным  $M_J$ , соответственно, и

$$\Psi_\alpha = |S, -1/2\rangle D_{K, M_{J+1/2}}^N,$$

$$\Psi_\beta = |S, 1/2\rangle D_{K, M_{J-1/2}}^N,$$

где  $|S, M_S\rangle$  – спиновые состояния, а величина  $\theta$  определяется соотношением

$$\operatorname{ctg} \theta = -\frac{\gamma M_J + g_e \mu_B B}{\gamma [(N + 1/2)^2 - M_J^2]^{1/2}}.$$

Вычисления сечения поглощения для колебательно-вращательного зеемановского перехода  $|N', T', M_J, p'\rangle \leftarrow |N, T, M_J, p\rangle$  проводились по формуле

$$\sigma_0 = \frac{8\pi^3 \Delta n d^2 S}{3hc\Theta} \left[ \frac{3I}{(2N+1)} \right],$$

$$S = (2N+1) \left| \sum_{K, K'} a_K a_K^* C_{NK10}^{NK'} \right|^2,$$

$$I = \frac{(2N+1)}{4(2N+1)} [(1 + p \cos 2\theta)(1 + p' \cos 2\theta') \times$$

$$\times (C_{NM^* 1\Delta M}^{NM^*})^2 + (1 - p \cos 2\theta) \times$$

$$\times (1 - p' \cos 2\theta')(C_{NM^0 1\Delta M}^{NM^0})^2 +$$

$$+ 2pp' \sin 2\theta \sin 2\theta' (C_{NM^* 1\Delta M}^{NM^*})(C_{NM^0 1\Delta M}^{NM^0})],$$

$$\Delta n = f_{ns} \frac{\exp(-E_{NT}/kT)}{2Z_{rot}} [1 - 2 \exp(-hv_2/kT)];$$

здесь  $M^* \equiv M_J + 1/2$ ,  $M^0 \equiv M_J - 1/2$  и  $\Delta M = M_J - M_J$ ,  $S$  – интенсивность вращательного перехода [12];  $I$  – интенсивность перехода, введенная Хаудженом;  $\Delta n$  – вероятность найти радикал в состоянии  $|N, T, M_J, p\rangle$ ;  $f_{ns}$  – множитель, учитывающий ядерную статистику (равный 1/3 и 2/3, когда  $K_a + K_c$  четно и нечетно, соответственно);  $Z_{rot}$  и  $E_{NT}$  – вращательные статистическая сумма и энергия;  $v_2$  – частота деформационного колебания (0, 1, 0);  $C_{xxxx}^{xx}$  – коэффициенты Клебша–Гордана. Для проверки пра-

Таблица 4. Максимальные интенсивности в спектрах ЛМР радикалов ND<sub>2</sub>

Линия CO <sub>2</sub> -лазера <sup>a)</sup>	Переход в радикале			$B_0$ , кГс	$dB^b)$ , Гс	$\Delta B$ , Гс	$\sigma_0^c)$	$S_{max}$
	$N_{K_a K_c}$	$J$	$M_J$					
28 R(24) 1099.46468	1 <sub>01</sub> ← 1 <sub>10</sub>	R(0.5)	0.5 ← 0.5	2.439		23.0	4.171	15.56
28 P(24) 1065.75633	1 <sub>10</sub> ← 2 <sub>21</sub>	P(2.5)	1.5 ← 1.5	4.496		23.2	2.756	10.19
26 R(14) 1074.64649	3 <sub>21</sub> ← 3 <sub>30</sub>	Q(2.5)	2.5 ← 2.5	2.526		79.9	6.987	7.503
28 P(14) 1073.57886	4 <sub>14</sub> ← 4 <sub>23</sub>	R(3.5)	3.5 ← 3.5	2.456		26.5	2.013	6.518
28 P(28) 1062.49464	1 <sub>11</sub> ← 2 <sub>20</sub>	Q(1.5)	1.5 ← 1.5	0.258		25.8	1.958	6.496
28 R(24) 1099.46468 ⊥	1 <sub>01</sub> ← 1 <sub>10</sub>	R(0.5)	-0.5 ← 0.5	2.365	-28	23.1	1.741	6.453
28 R(20) 1097.15065 ⊥	2 <sub>02</sub> ← 2 <sub>11</sub>	Q(2.5)	2.5 ← 1.5	0.986	-50	31.5	1.841	5.014
26 R(26) 1082.29624 ⊥	2 <sub>12</sub> ← 2 <sub>21</sub>	R(1.5)	2.5 ← 1.5	1.366	22	33.9	1.491	3.770
28 R(20) 1097.15065	2 <sub>02</sub> ← 2 <sub>11</sub>	P(2.5)	-1.5 ← -1.5	0.105		29.3	1.123	3.291
26 R(14) 1074.64649 ★ ⊥	3 <sub>21</sub> ← 3 <sub>30</sub>	Q(2.5)	0.5 ← 1.5	1.351	15	83.9	3.094	3.165
26 R(28) 1083.47878 ⊥	3 <sub>22</sub> ← 4 <sub>13</sub>	P(4.5)	2.5 ← 3.5	1.241	76	52.3	1.531	2.513
26 R(4) 1067.53911	3 <sub>03</sub> ← 4 <sub>14</sub>	Q(3.5)	-3.5 ← -3.5	0.187		21.5	0.618	2.467
26 R(20) 1078.59064	3 <sub>13</sub> ← 3 <sub>22</sub>	R(2.5)	2.5 ← 2.5	1.148		111.6	2.824	2.171
26 R(28) 1083.47878	3 <sub>22</sub> ← 4 <sub>13</sub>	P(4.5)	1.5 ← 1.5	0.968		72.5	1.784	2.112
26 R(12) 1073.27848 ★ ⊥	3 <sub>13</sub> ← 4 <sub>04</sub>	PP(4.5) <sup>e)</sup>	2.5 ← 3.5	1.053	-18	26.5	0.609	1.972
26 P(28) 1039.36931	2 <sub>21</sub> ← 3 <sub>30</sub>	Q(2.5)	-2.5 ← -2.5	5.326		20.2	0.360	1.531
28 P(28) 1062.49464 ⊥	1 <sub>11</sub> ← 2 <sub>20</sub>	Q(1.5)	1.5 ← 0.5	0.354	-4	36.7	0.651	1.522
26 P(12) 1053.92350	5 <sub>41</sub> ← 5 <sub>50</sub>	Q(5.5)	4.5 ← 4.5	8.244		137.4	2.318	1.445
26 R(22) 1079.85226 ⊥	5 <sub>23</sub> ← 5 <sub>32</sub>	R(4.5)	5.5 ← 4.5	2.228	-1	31.8	0.520	1.405
26 R(4) 1067.53911 ⊥	3 <sub>03</sub> ← 4 <sub>14</sub>	R(3.5)	1.5 ← 2.5	0.810	17	27.1	0.399	1.266

<sup>a)</sup> Изотопная модификация, переход, частота и поляризация CO<sub>2</sub>-лазера. Звездочками отмечены случаи, для которых в работе [9] есть экспериментальные спектры.

<sup>b)</sup>  $dB \equiv B_0^{\text{набл}} - B_0^{\text{расч.}}$ .

<sup>c)</sup> Сечения поглощения,  $10^{-20} \text{ см}^2$ .

<sup>d)</sup> Максимальный сигнал ЛМР,  $10^{-22} \text{ см}^2/\text{Гс}$ .

<sup>e)</sup> PP( $J$ ) означает,  $J' - J = -2$ .

вильности вычислений использовались также следующие правила сумм:

$$\sum_{M_J, M_{J'}, p, p'} I = 2(2N + 1)/3,$$

$$\sum_{T, T', N} S = (2N + 1),$$

$$\sum_{N, N', T, T', M_J, M_{J'}, p, p'} \sigma_0 = \frac{8\pi^3 d^2}{3hc\Theta}.$$

В табл. 4 приведены 20 лазерных линий, на которых находятся наиболее интенсивные переходы в радикалах ND<sub>2</sub>. Важно отметить, что наиболее интенсивные переходы встречаются в параллельной поляризации ( $E \parallel B$ ) и значит никогда не наблюдались экспериментально.

Это объясняется тем, что специалисты в области спектроскопии предпочитают информативную

перпендикулярную поляризацию ( $E \perp B$ ), потому что в ней правило отбора  $\Delta M_J = \pm 1$  дает примерно вдвое больше переходов, чем в параллельной поляризации (для которой  $\Delta M_J = 0$ ). Но поскольку сумма интенсивностей в обеих поляризациях примерно одинакова, то в перпендикулярной поляризации переходы в среднем вдвое слабее, чем в параллельной. Это означает, что для нахождения наиболее сильного спектра необходимо в первую очередь перебрать, экспериментально или теоретически, параллельные переходы, что и сделано в настоящей работе.

Данная работа выполнена при финансовой поддержке Российским фондом фундаментальных исследований (проект № 97-03-33649а).

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Dagenais M., Johns J.W.C., McKellar A.R.W. // Canad. J. Phys. 1976. V. 54. P. 1438.

2. *Браун В.Р., Краснoperов Л.Н., Панфилов В.Н.* // Оптика и спектроскопия. 1982. Т. 52. С. 719.
3. *Uslu K.A., Kode R.F., Harvey J.S.M.* // Canad. J. Phys. 1974. V. 52. P. 2135.
4. *Davis L., Jr., Feld B.T., Zabel C.W., Zacharias J.R.* // Phys. Rev. 1949. V. 76. P. 1076.
5. *Радциг А.А., Смирнов Б.М.* Справочник по атомной и молекулярной физике. М.: АтомИздат, 1980.
6. *McKellar A.R.W.* // Can. J. Phys. 1979. V. 57. P.2106.
7. *Chichinin A.I., Krasnoperov L.N.* // Chem. Phys. 1990. V. 143. P. 281.
8. *Langhoff S.R., Bauschlicher Ch.W., Jr., Partidge H.* // Chem. Phys. Lett. 1983. V. 102. P. 292.
9. *Hills G.W., Mckellar A.R.W.* // J. Chem. Phys. 1979. V. 71. P. 3330.
10. *Chichinin A.I., Krasnoperov L.N.* // Chem. Phys. Lett. 1985. V. 115. P. 343.
11. *Hougen J.T.* // J. Mol. Spectr. 1975. V. 54. P. 447.
12. *Таунс Ч., Шавлов А.* Радиоспектроскопия. М.: Издво иностр. лит., 1959.